

Las **rotaciones**, son aquellas isometrías que permiten girar todos los puntos del plano. Cada punto gira siguiendo un arco que tiene un centro y un ángulo bien determinados, por lo que toda rotación queda definida por su **centro de rotación** y por su **ángulo de giro**. Si la rotación se efectúa en sentido contrario a como giran las manecillas del reloj, se dice que la rotación es **positiva o antihoraria**; en caso contrario, se dice que la rotación es **negativa u horaria**.



**Observaciones**

1° Una rotación con centro P y ángulo de giro  $\alpha$ , se representa por  $R(P, \alpha)$ . Si la rotación es negativa, se representa por  $R(P, -\alpha)$ .

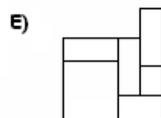
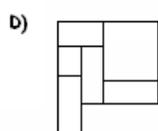
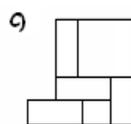
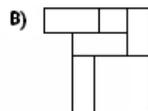
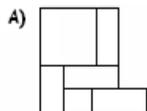
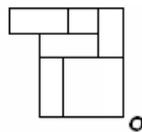
2° Si rotamos el punto  $(x, y)$  con respecto al origen  $O(0, 0)$  en un ángulo de giro de  $90^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $270^\circ$  o  $360^\circ$ , las coordenadas de los puntos obtenidos están dados en la siguiente tabla.

Punto inicial	$R(O, 90^\circ)$	$R(O, 180^\circ)$	$R(O, 270^\circ)$	$R(O, 360^\circ)$
$(x, y)$	$(-y, x)$	$(-x, -y)$	$(y, -x)$	$(x, y)$

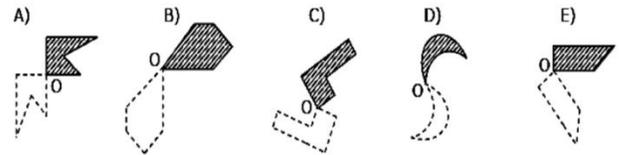


**Ejemplos**

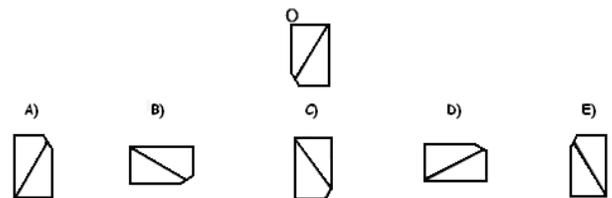
1. ¿Qué figura se obtiene al aplicar una **rotación de centro O** y ángulo de giro de  $90^\circ$  a la figura 1?



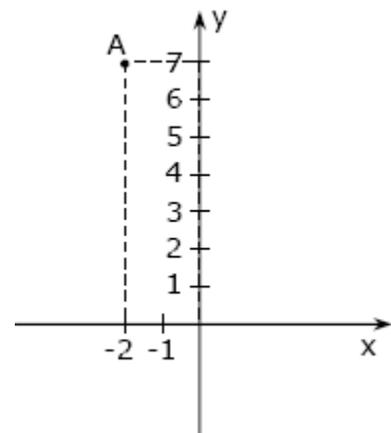
2. Mediante una **rotación** de centro O y ángulo de giro adecuado, la figura sombreada ocupa la posición punteada. Esto se verifica en:



3. Al aplicar una **rotación de centro O** y ángulo de giro de  $180^\circ$  a la figura 2, se obtiene:



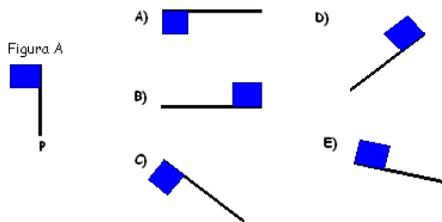
4. Al aplicar una rotación de centro en el origen y ángulo de giro de  $270^\circ$ , en sentido antihorario, al punto A de la figura, se obtiene el punto A' cuyas coordenadas son:



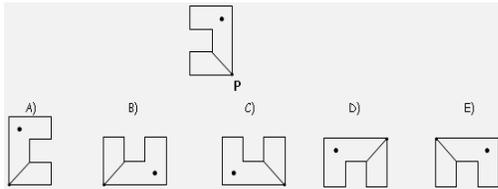
- A) (2, 7)
- B) (-2, -7)
- C) (7, -2)
- D) (7, 2)
- E) (-7, -2)

**TALLER**

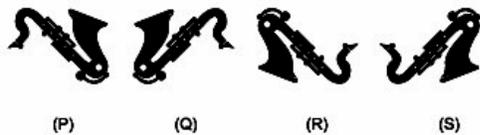
- 1) A la figura A se le ha efectuado una rotación en sentido positivo de  $90^\circ$  en torno al punto P. ¿Cuál de las siguientes opciones representa la imagen obtenida?



- 2) Al rotar la figura, en  $270^\circ$  con respecto al punto P, se obtiene



- 3) Considere la siguiente figura:



- I) Q es una traslación de P  
 II) R es una rotación en  $180^\circ$  de P  
 III) S se obtiene por rotación de R de  $180^\circ$  en el plano

Es o son correctas:

- A) Sólo II  
 B) Sólo III  
 C) Sólo I y II  
 D) Sólo II y III  
 E) Ninguna

- 4) Si se rota en  $270^\circ$  el triángulo de vértices: A(2, 3), B(7, -2) y C(5, 8), en un plano cartesiano, con centro en el origen y sentido anti-horario, los vértices del triángulo resultante son:

- A) A(2, 3), B(7, -2) y C(5, 8)  
 B) A(-2, -3), B(-7, 2) y C(-5, -8)

- C) A(3, 2), B(-2, 7) y C(8, 5)  
 D) A(3, -2), B(-2, -7) y C(8, -5)  
 E) A(-2, 3), B(-7, -2) y C(-5, 8)

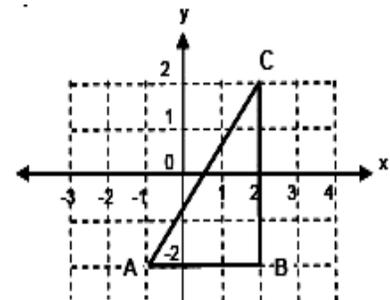
- 5) Si el trazo AB, ubicado en un plano cartesiano, de extremos A(2,5) y B(-2,0) se gira positivamente, con centro en el origen  $180^\circ$ , luego se gira  $90^\circ$  más y finalmente se gira otros  $90^\circ$ , los extremos del trazo resultante son:

- A. (5,2) y (0,-2)  
 B. (-5,-2) y (2,0)  
 C. (-2,-5) y (2,0)  
 D. (2,-5) y (-2,0)  
 E. (2,5) y (-2,9)

- 6) Si se rota en  $180^\circ$  el triángulo de vértices: A(0, 0), B(4, 3) y C(5, 0), en un plano cartesiano, con centro en el origen y sentido anti-horario, y luego realice una traslación con un vector de traslación T(-2, 2) los vértices del triángulo resultante son :

- A. A(-2, 2), B(-6,-1), C(-7, 2)  
 B. A(-2, 2), B(-1,6), C(7, -2)  
 C. A(-2, 2), B(1,-6), C(2, 7)  
 D. A(2, -2), B(-1,6), C(-2, -7)  
 E. A(4, 2), B(-1,-6), C(7, -2)

- 7) En la figura, el triángulo tiene vértices A(-1,-2) ; B(2,-2) y C((2,2). Si se le aplica una rotación de  $90^\circ$  en sentido antihorario, con centro en A, ¿cuál será la coordenada del vértice C del triángulo en la nueva posición?



- A) (-5,1)  
 B) (3,-5)  
 C) (-5,3)  
 D) (3,5)  
 E) (1,-5)